

POUŽITÍ EKONOMICKO-MATEMATICKÝCH METOD PŘI ŘÍZENÍ ZEMĚDĚLSTVÍ

Číslo 7—1975



DOPLŇOVÁNÍ VÁPŇÍKU A FOSFORU V KRMNÉ DÁVCE DOJNIC MINERÁLNÍ PŘÍSAĐOU

V případě, že obsah vápníku a fosforu v krmné dávce dojníc, sestavené z objemných a jadrných krmiv, neodpovídá normě stanovené pro požadovanou užitkovost, používá se k jejich doplnění minerálních přísad. V tomto článku ukážeme, jak je možno za předpokladu, že známe množství vápníku a fosforu v dávce objemných a jadrných krmiv, určit potřebné množství minerální přísady a výslednou hodnotu vápníku a fosforu jednak početně, jednak graficky, a srovnáme některé minerální přísady podle jejich použitelnosti.

Vzhledem k tomu, že přesné dosažení norem obou živin není vždy možné, je v praxi nutno připustit předozování obou složek při splnění tří omezujících požadavků:

1. poměr vápníku a fosforu v krmné dávce po doplnění minerální přísadou musí být roven poměru jejich norem;
2. u obou živin musí být po doplnění minimálně dosaženo hodnot předepsaných normou, nesmí však být překročena jistá horní hranice — zde předpokládáme, že norma smí být překročena maximálně o 100 %;
3. množství vápníku a fosforu v celkové dávce musí být nejméně ze 70 % kryto objemným a jadrným krmivem.

Uvedeme matematickou formulaci těchto tří požadavků. Označme C , P množství vápníku a fosforu v krmné dávce sestavené z objemných a jadrných krmiv, v , f množství vápníku a fosforu v 1 kg minerální přísady a n_C , n_P normy vápníku a fosforu pro požadovanou užitkovost (všechny hodnoty v gramech). Označíme-li množství doplněné minerální přísady (v kg) x , potom celková krmná dávka bude po doplnění obsahovat $C + vx$ gramů vápníku a $P + fx$ gramů fosforu. Z požadavku 1. plyne rovnice

$$\frac{C + vx}{P + fx} = \frac{n_C}{n_P},$$

jejímž řešením vzhledem k neznámé x dostáváme

$$x = \frac{n_C}{n_P v - n_C f} P - \frac{n_P}{n_P v - n_C f} C \quad (\text{v kilogramech})$$

resp.

$$x = \frac{1000 n_C}{n_{Pv} - n_{Cf}} P - \frac{1000 n_P}{n_{Pv} - n_{Cf}} C \quad (\text{v gramech})$$

nebo

$$x = \frac{1000 n_C}{d} P - \frac{1000 n_P}{d} C \quad (\text{v gramech}),$$

kde jsme označili $d = n_{Pv} - n_{Cf}$. Pro celkovou hodnotu vápníku v doplněné krmné dávce V platí potom vzorec

$$V = C + vx = \frac{n_{Cv}}{d} P - \frac{n_{Cf}}{d} C \quad (\text{v gramech})$$

a pro celkovou hodnotu fosforu F vzorec

$$F = P + fx = \frac{n_{Pv}}{d} P - \frac{n_{Pf}}{d} C \quad (\text{v gramech})$$

Povšimněme si, že koeficienty u P a C v uvedených vzorcích jsou pro danou minerální přísadu a stanovenou užítkovost konstantní a nezávisí na P a C . Tvary těchto vzorců pro některé běžně užívané minerální přísady jsou uvedeny v tab. I pro normy $n_C = 62$ g, $n_P = 43$ g.

I. Tvary vzorců pro některé minerální přísady ($n_C = 62$ g, $n_P = 43$ g)

Přísada	v	f	$\frac{v}{f}$	d	x [g]
MKP 3	292	108	2,70	5860	10,58P - 7,34C
Kostní moučka	180	80	2,25	2780	22,30P - 15,47C
Vitapolymin	130	65	2,00	1560	39,74P - 27,56C
AD fosfát	90	48	1,88	894	69,35P - 48,10C
Dikalciumpfosfát	260	210	1,24	-1840	23,37C - 33,70P
Dinatriumpfosfát	0	83	0	-5146	8,36C - 12,05P

K tomu, aby hodnota x vyšla nezáporná, je nutno se při volbě přísady řídit tímto známým pravidlem:

Je-li hodnota $\frac{C}{P}$ proti $\frac{n_C}{n_P}$ v nedostatku, je nutno volit přísadu tak, aby hodnota $\frac{v}{f}$ byla proti $\frac{n_C}{n_P}$ v přebytku, a naopak. Jinak vyjádřeno,

$$\text{pro } \frac{v}{f} > \frac{n_C}{n_P} \text{ musí být } \frac{C}{P} \leq \frac{n_C}{n_P}, \quad (1A)$$

$$\text{pro } \frac{v}{f} < \frac{n_C}{n_P} \text{ musí být } \frac{C}{P} \geq \frac{n_C}{n_P}. \quad (1B)$$

Příklad 1. Krmná dávka, sestavená z objemných a jaderných krmiv, obsahuje $C = 50$ g vápníku a $P = 40$ g fosforu, požadované normy jsou $n_C = 62$ g, $n_P = 43$ g. Zde je $\frac{C}{P} < \frac{n_C}{n_P}$, je proto třeba volit přísadu tak, aby $\frac{v}{f} > \frac{n_C}{n_P}$. Např. při použití MKP 3 je podle tab. I třeba dodat přísadu v množství $x = 10,58P - 7,34C = 56$ g. Potom budou výsledná množství vápníku a fosforu činit $V = 3,09P - 1,14C = 67$ g, $F = 2,14P - 0,79C = 46$ g.

Druhý požadavek můžeme zapsat ve tvaru nerovnosti

$$\begin{aligned} n_C &\leq V \leq 2n_C \\ n_P &\leq F \leq 2n_P . \end{aligned}$$

V dalším stačí uvažovat jen první z nich, neboť druhá je pak vzhledem k prvnímu požadavku splněna automaticky. Dosazením za V dostáváme

$$n_C \leq \frac{n_C v}{d} P - \frac{n_C f}{d} C \leq 2n_C ,$$

po úpravě

$$\frac{v}{f} P - 2 \frac{d}{f} \leq C \leq \frac{v}{f} P - \frac{d}{f} . \quad (2)$$

Třetí požadavek zapíšeme takto:

$$\frac{C}{V} \geq 0,7 , \quad \frac{P}{F} \geq 0,7$$

V [g]	F [g]	x [g]
$3,09P - 1,14C$	$2,14P - 0,79C$	12,88z
$4,01P - 1,78C$	$2,78P - 1,24C$	27,14z
$5,17P - 2,58C$	$3,58P - 1,79C$	48,37z
$6,24P - 3,33C$	$4,33P - 2,31C$	84,40z
$7,08C - 8,76P$	$4,91C - 6,08P$	41,01z
1,00C	0,69C	14,66z

Dosazením za V, F po úpravě dostáváme

$$\frac{C}{P} \geq \frac{7n_C v}{7n_P v + 3d} \quad \text{pro} \quad \frac{v}{f} > \frac{n_C}{n_P} , \quad (3A)$$

$$\frac{C}{P} \leq \frac{7n_C f - 3d}{7n_P f} \quad \text{pro} \quad \frac{v}{f} < \frac{n_C}{n_P} . \quad (3B)$$

V dalším uvedeme pro každou ze šesti přísad obsažených v tab. I grafické znázornění její použitelnosti. Budeme při tom opět vycházet z norem $n_C = 62$ g, $n_P = 43$ g. Rozlišíme dva případy:

A) Látky, u nichž $\frac{v}{f} > \frac{n_C}{n_P}$ (v našem případě MKP 3, kostní moučka, vitapolymin, AD fosfát). K tomu, aby bylo možno směs objemných a jaderných krmiv s celkovým obsahem C gramů vápníku a P gramů fosforu doplnit minerální přísadou při splnění všech tří požadavků, musí podle toho, co jsme uvedli, platit

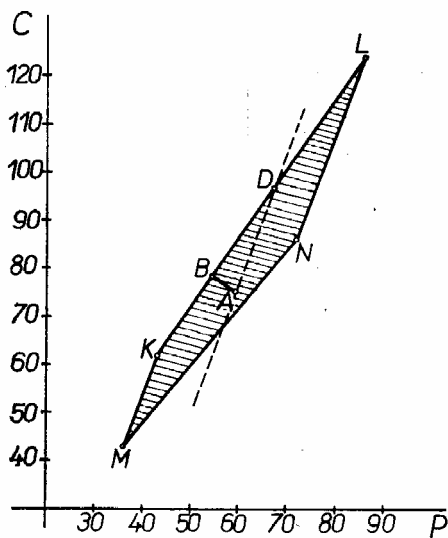
$$C \leq \frac{n_C}{n_P} P \quad (1A)$$

$$\frac{v}{f} P - 2 \frac{d}{f} \leq C \leq \frac{v}{f} P - \frac{d}{f} \quad (2)$$

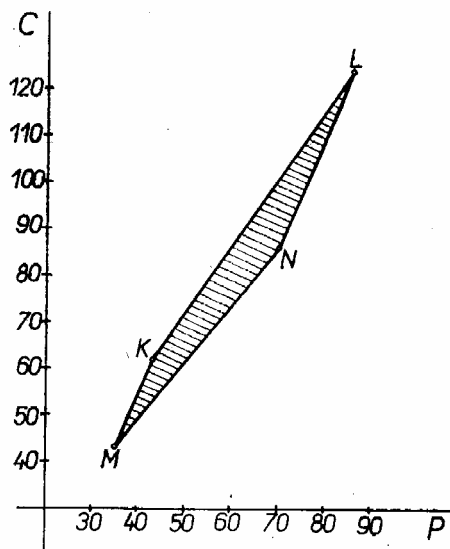
$$C \geq \frac{7n_C v}{7n_P v + 3d} P \quad (3A)$$

Dvojice hodnot C , P , které splňují tyto nerovnosti, jsou graficky znázorněny na obr. 1–4 pro $n_C = 62$, $n_P = 43$. Všechny grafy mají tyto společné rysy:

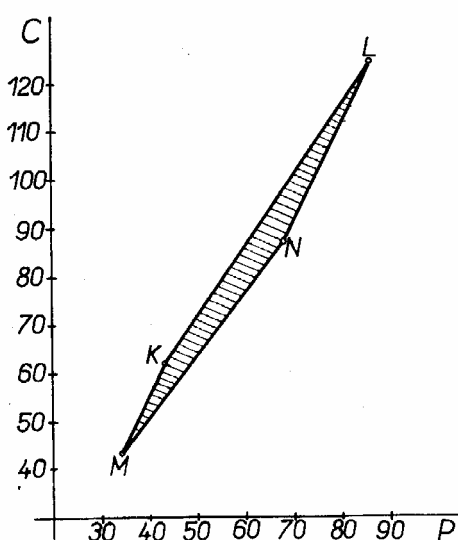
- grafem je čtyřúhelník $KLMN$;
- body K , L jsou u všech grafů stejné, bod K má souřadnice (n_P, n_C) , bod L souřadnice $(2n_P, 2n_C)$;
- poloha bodů M , N závisí na látce, ale souřadnice bodu N jsou dvojnásobky souřadnic bodu M ;
- strany KM , LN jsou rovnoběžné, strany KL , MN rovnoběžné nejsou, nýbrž se sbíhají v počátku a jejich odchylka je tím větší, čím větší je podíl $\frac{v}{f}$.



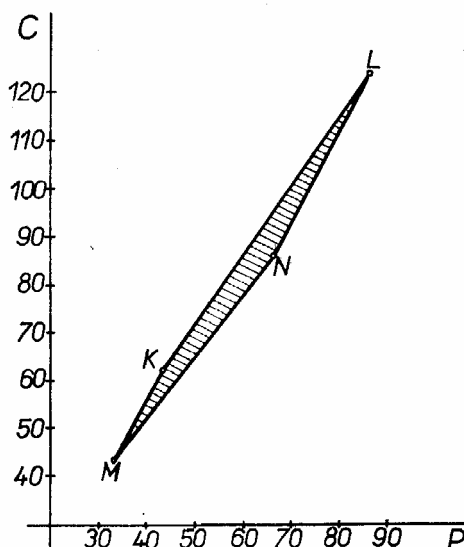
1. Graf pro MKP 3



2. Graf pro kostní moučku



3. Graf pro vitapolymin



4. Graf pro AD fosfát

Jsou-li známy hodnoty C , P vápníku a fosforu v dávce sestavené z objemných a jaderných krmiv, lze z grafu snadno zjistit, zda je danou přísadou možno dávku doplnit podle všech tří požadavků: je to tehdy, leží-li bod o souřadnicích P , C ve čtyřúhelníku $KLMN$. Porovnáním grafů zjistíme, že největší možnosti poskytuje v tomto směru MKP 3, což souvisí s tím, že má ze všech látek největší poměr $\frac{v}{f}$ (viz bod d). Dále následují v pořadí podle stupně použitelnosti: kostní moučka, vitapolymin, AD fosfát.

Hodnoty x , V , F lze určit rovněž přímo z grafu příslušné minerální přísady. Pro určení x zaneseme do grafu bod o souřadnicích P , C a změříme jeho kolmou vzdálenost od úsečky KL (tuto vzdálenost označíme z). Hodnotu x určíme potom dosazením změřené vzdálenosti do vzorce

$$x = \frac{1000 \sqrt{n^2_C + n^2_P}}{|d|} z \quad (\text{v gramech})$$

tedy pouhým vynásobením vzdálenosti z číslem, které je pro danou látku a užítkovost konstantní. Tvary tohoto vzorce pro jednotlivé přísady a normy $n_C = 62$ g, $n_P = 43$ g jsou uvedeny v posledním sloupci tab. I.

Příklad 2 (obr. 1): $C = 75$ g, $P = 59$ g. Do grafu MKP 3 zaneseme bod A o těchto souřadnicích. Kolmá vzdálenost od úsečky KL (délka úsečky AB) je přibližně 6, proto $x = 12,88 \cdot 6 = 77$ g. Podle vzorce pro výpočet x pomocí P , C bychom dostali $x = 74$ g.

Protože vzdálenost z je pro stejný bod ve všech grafech stejná, bude potřebné množství minerální přísady tím menší, čím větší je absolutní hodnota čísla d . Nejúspěšnější je proto dokrmování přísadou MKP 3, u níž je potřebné množství dvakrát menší než u kostní moučky a více než šestkrát menší než u AD fosfátu.

Ještě jednodušší je stanovení hodnot V , F . Bodem o souřadnicích P , C vedeme rovnoběžku se stranou KM (čárkovaná čára na obr. 1) a souřadnice jejího průsečíku s úsečkou KL (bod D) jsou přímo rovny F , V . (Např. při zadání z příkladu 2 má bod D souřadnice

(67, 97.) Je zřejmé, že obě živiny lze doplnit na přesnou hodnotu norem jen tehdy, leží-li bod o souřadnicích P, C na úsečce KM , což se nevyskytuje často.

Výsledné hodnoty F, V budou obecně tím menší, čím větší úhel svírá úsečka KM s osou P ; protože směrnice tohoto úhlu je rovna $\frac{v}{f}$, je i z tohoto hlediska minerální přísada tím výhodnější, čím větší má poměr $\frac{v}{f}$.

Závěrem této části můžeme říci, že ze všech tří sledovaných hledisek (rozsah použitelnosti, velikost x a V, F) je nejvýhodnější přísada MKP 3.

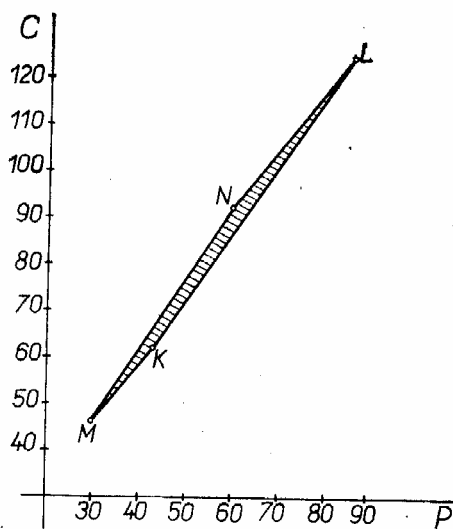
B) Látky, u nichž $\frac{v}{f} < \frac{n_c}{n_p}$ (dikalciumfosfát, dinatriumfosfát). V tomto případě musí C, P splňovat nerovnosti

$$C \geq \frac{n_c}{n_p} P \quad (1B)$$

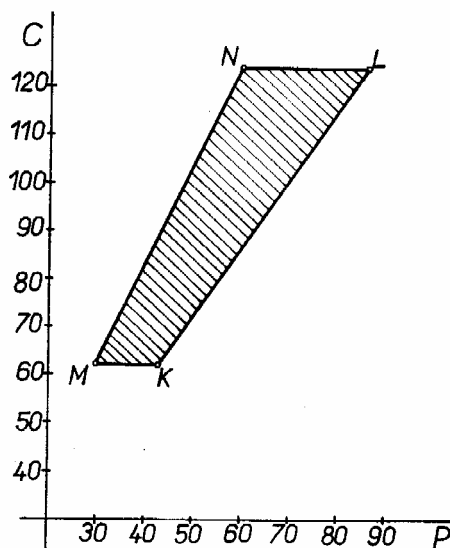
$$\frac{v}{f} P - 2 \frac{d}{f} \leq C \leq \frac{v}{f} P - \frac{d}{f} \quad (2)$$

$$C \leq \frac{7n_c f - 3d}{7n_p f} P \quad (3B)$$

Příslušné grafy jsou uvedeny na obr. 5 a 6. Graf dinatriumfosfátu má odlišný tvar, což je dáno nulovým obsahem vápníku. Označíme-li tentokrát KL dolní a MN horní



5. Graf pro dikalciumfosfát



6. Graf pro dinatriumfosfát

úsečku, zůstanou body a) až d) ze strany 108 v platnosti pouze s tím rozdílem, že tentokrát je odchylka úseček KL, MN tím větší, čím menší je hodnota $\frac{v}{f}$. Potřebné

množství x se i zde určí stejným způsobem pomocí vzdálenosti z od úsečky KL , přičemž z tab. I je zřejmé, že potřebné množství dinatriumfosfátu je 2,8krát menší než dikalciumfosfátu. Hodnoty F , V určíme opět z průsečíku přímky, procházející daným bodem a rovnoběžné s KM , a úsečky KL ; u dinatriumfosfátu jde přímo o rovnoběžku s osou P . Je zřejmé, že ze všech tří hledisek je třeba jednoznačně dát přednost dinatriumfosfátu.

Závěrem lze říci, že při doplňování krmné dávky minerální přísadou je při splnění tří omezujících požadavků z uvedených hledisek nejvýhodnější použití MKP 3, je-li

$$\frac{C}{P} \leq \frac{n_C}{n_P}, \text{ a dinatriumfosfátu, je-li } \frac{C}{P} \geq \frac{n_C}{n_P}.$$

Za zhotovení grafů děkuji ing. J. Sommrovi.

Jiří R o h n, Výzkumný ústav ekonomiky zemědělství a výživy, Mánesova 75, Praha 2